

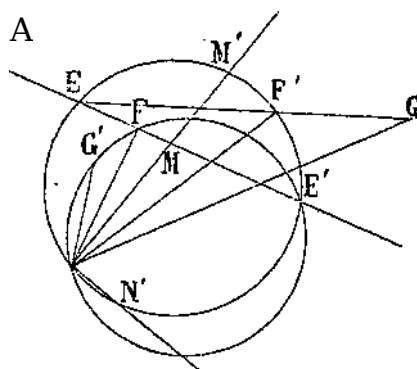
esempio di F , basterà condurre la retta $A F^f$ egualmente inclinata quanto $A F$ rispetto ad $A M$. Il punto F' in cui essa incontra la circonferenza sarà il cercato. Il punto A corrisponde, come facilmente si può vedere, al punto situato a distanza infinita sulla retta $E E'$. I corrispondenti dei punti in cui le bisettrici dell'angolo $E A E^f$ incontrano la retta $E E^f$ sono evidentemente quelli in cui le stesse bisettrici incontrano la circonferenza.

I triangoli simili $A E F'$, $A F E'$ danno

da cui

$$A F . A F' = A E . A E',$$

per cui il punto A possiede, rispetto a due punti corrispondenti della retta e della circonferenza, la medesima proprietà metrica che ha il centro d'un'involuzione rettilinea. Ma questa proprietà ha luogo per due punti corrispondenti qualsivogliano. Sia infatti G un punto qualunque del piano. Conduciamo $G E$ e troviamo il corrispondente, F , del punto F' in cui questa retta sega la prima circonferenza. La circonferenza passante



per i punti A , F ed E' sarà la corrispondente della retta $E F' G$. Il punto corrispondente di G si determinerà quindi conducendo la retta $A G$, indi la retta $A G^f$ egualmente inclinata quanto $A G$ sulla $A M$. Il punto G' in cui quest'ultima retta sega la seconda circonferenza sarà il cercato corrispondente di G . Ora, per il teorema precedentemente dimostrato, si avrà

$$A G . A G' = A F . A F';$$

ma si aveva già

$$A F . A F' = A E . A E',$$

dunque

$$A G . A G' = A E . A E' = \text{cost.},$$

equazione in cui G e G' sono due punti corrispondenti qualsivogliano.